



ВИЩА МАТЕМАТИКА. ЧАСТИНА 2.

ІНТЕГРАЛЬНЕ ЧИСЛЕННЯ. ДИФЕРЕНЦІАЛЬНІ РІВНЯННЯ.

Робоча програма навчальної дисципліни (Силабус)

Реквізити навчальної дисципліни

Рівень вищої освіти	<i>Перший (бакалаврський)</i>					
Галузь знань	<i>16 Хімічна та біоінженерія</i>					
Спеціальність	<i>162 Біотехнології та біоінженерія</i>					
Освітня програма	<i>Біотехнології</i>					
Статус дисципліни	<i>Нормативна</i>					
Форма навчання	<i>заочна</i>					
Рік підготовки, семестр	<i>1 курс, весняний семестр</i>					
Обсяг дисципліни	<i>180 годин/ 6 кредитів</i>					
			Практич. занят. (семінари)	Лабор. заняття (комп'ют. практ.)	Індив. заняття	СРС
	Години	6	6	0	0	168
Семестровий контроль/ контрольні заходи	Екзамен	Залік	МКР (вказати кількість)	РГР, РР, ГР (вказати кількість)	ДКР (вказати кількість)	Реферат (вказати кількість)
	+	-	1	1	0	0
Розклад занять	<i>На сайті університету</i>					
Мова викладання	Українська					
Інформація про керівника курсу / викладачів	Лектор: Коваль Ольга Олександрівна, ст. викладач кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ Практичні Коваль Ольга Олександрівна, ст. викладач кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ					
Розміщення курсу	Сайт кафедри, інформаційні ресурси в бібліотеці, кампус, дистанційний курс					

Програма навчальної дисципліни

1. Опис навчальної дисципліни, її мета, предмет вивчення та результати навчання

Метою навчальної дисципліни є формування у студентів інтегральної компетентності — здатності до логічного мислення, формування особистості студентів; розвиток їх інтелекту і здібностей; здатності розв'язувати складні спеціалізовані задачі та практичні проблеми професійної діяльності у новітніх технологіях та комп'ютерному дизайнові матеріалів, використовувати методи математичного аналізу в інженерних розрахунках.

Загальні компетентності (ЗК)

- Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях.
- Здатність вчитись і оволодівати сучасними знаннями.
- Здатність використовувати знання з математики та фізики в обов'язковому, необхідному для досягнення інших результатів освітньої програми.

Програмні результати навчання

- Вміти застосовувати сучасні математичні методи для розв'язання практичних задач, пов'язаних з дослідженням і проектуванням біотехнологічних процесів. Використовувати знання фізики для аналізу біотехнологічних процесів.
- Базуючись на знаннях про закономірності механічних, гідромеханічних, тепло- та масообмінних процесів та основні конструкторські особливості, вміти обирати відповідне устаткування у процесі проектування виробництв біотехнологічних продуктів різного призначення для забезпечення їх максимальної ефективності.

2. Пререквізити та постреквізити дисципліни (місце в структурно-логічній схемі навчання за відповідною освітньою програмою)

Викладається в другому семестрі на базі повної середньої або середньої професійної освіти та матеріалі першого семестра.

Є основою для вивчення інформаційних технологій, методів аналізу у біотехнології, процесів, апаратів, устаткування біотехнологічних виробництв.

3. Зміст навчальної дисципліни

1. *Елементи лінійної алгебри і аналітичної геометрії*: Елементи лінійної алгебри. Векторна алгебра. Елементи аналітичної геометрії на площині та в просторі.
2. *Вступ до математичного аналізу*: Множини чисел. Числові послідовності, границі. Границі та неперервність функції однієї змінної.
3. *Диференціальне числення функції однієї змінної*: Похідна функції, диференціал. Похідні та диференціали вищих порядків, їх застосування. Застосування диференціального числення для дослідження функцій і побудови їх графіків.
4. *Елементи вищої алгебри*: Комплексні числа. Полярна система координат. Многочлени. Раціональні дроби.
5. *Інтегральне числення. Невизначений інтеграл*: первісна функції, невизначений інтеграл та його властивості, основні методи інтегрування, основні класи інтегрованих функцій. *Визначений інтеграл*: задачі, що призводять до поняття визначеного інтеграла, означення визначеного інтеграла та його геометричний зміст, основні властивості визначеного інтеграла, формула Ньютона-Лейбніца, заміна змінної у визначеному інтегралі та інтегрування частинами, невластні інтеграли першого та другого роду, застосування визначеного інтеграла в задачах геометрії та фізики.
6. *Функції багатьох змінних*. Функції двох та багатьох змінних. Частинні похідні та їх геометричний зміст. Частинні диференціали. Повний диференціал функції двох та багатьох змінних. Диференціали вищих порядків функції двох змінних. Похідна за напрямком. Градієнт скалярного поля і його властивості. Дотична площина і нормаль до поверхні. Екстремуми функції двох змінних. Векторне поле, основні характеристики векторного поля.
7. *Диференціальні рівняння*. Диференціальні рівняння першого порядку, основні означення, задача Коші. Лінійні диференціальні рівняння першого порядку та методи їх розв'язування. Рівняння Бернуллі. Диференціальні рівняння другого та вищих порядків, методи їх розв'язування. Задача Коші. Лінійні диференціальні рівняння вищих порядків. Системи диференціальних рівнянь.

4. Навчальні матеріали та ресурси

Основна література

- 1. *Дубовик В.П.* Вища математика: навч. посіб. / Дубовик В.П., Юрик І.І. – К.: А.С.К., 2005. – 648 с.
- 2. *Герасимчук І.С., Васильченко І.С., Кравцов В.І.* Вища математика. Повний курс у прикладах і задачах. Лінійна та векторна алгебра. Аналітична геометрія. Вступ до математичного аналізу. Диференціальне числення функції однієї та багатьох змінних. Прикладні задачі: Навч. Посіб. – Вид: 2-ге, випр.. – К.: Книги України ЛТД, 2014. – 578 с.
- 3. *Герасимчук І.С., Васильченко І.С., Кравцов В.І.* Вища математика. Повний курс у прикладах і задачах. Невизначений, визначений та невластні інтеграли. Звичайні

диференціальні рівняння. Прикладні задачі: Навч. Посіб. – Вид: 2-ге, випр.. – К.: Книги України ЛТД, 2014. – 470 с.

- 4.Грималюк *В.П.* Вища математика: У 2 ч.: навч. посіб. / Грималюк *В.П.*, *Кухарчук М.М.*, *Ясінський В.В.* – К.: Віпол, 2004. – Ч. 1. – 376 с.
- 5.*Дубовик В.П.* Вища математика. Збірник задач: навч. посіб. / *Дубовик В.П.*, *Юрик І.І.* – К.: А.С.К., 2005. – 648 с.
- 6.*Качаєнко О.Б.*, *Коваль О.О.*, *Поліщук О.Б.*, *Стогній В.І.* Вища математика. Диференціальне та інтегральне числення функцій однієї змінної: збірник задач до розрахункової роботи та приклади розв'язування задач [Електронний ресурс, текстові дані (1 файл:3.66Мбайт)] : навч.посіб. - К.: КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2022 - 117с.
- 7.*Коваль О.О.*, *Поліщук О.Б.*, *Стогній В.І.* Вища математика. Диференціальні рівняння. [Електронний ресурс.: електронні текстові дані (1 файл:2,43 Мбайт)]: навч.посіб.-К.: КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2022 - 89с.

Додаткова література

- 1.*Стрижак Т.Г.* Математичний аналіз: приклади і задачі: навч. посіб. / *Стрижак Т.Г.*, *Коновалова Н.Р.* – К.: Либідь, 1995. – 240 с.

Навчальний контент

5. Методика опанування навчальної дисципліни (освітнього компонента)

5.1. Дидактичні матеріали:

На лекційних заняттях – Лекція (електронний варіант), пояснення, мозковий штурм, проблемні завдання

Перелік лекцій.

Лекція 1. Елементи вищої алгебри.

1. Полярна система координат. Комплексні числа: різні форми комплексних чисел, дії над комплексними числами.
2. Теорема Безу та її наслідки, розклад дробово-раціональної функції на суму простих дробів.

Лекція 2. Невизначений інтеграл. Основні методи інтегрування.

1. Первісна функції. Невизначений інтеграл та його властивості. Таблиця інтегралів.
2. Основні методи інтегрування: метод заміни змінної, метод інтегрування частинами.
3. Задачі, що призводять до поняття визначеного інтеграла, означення і властивості визначеного інтеграла
4. . Формула Ньютона-Лейбніца. Заміна змінної у визначеному інтегралі. Метод інтегрування частинами.

Лекція 3 . Диференціальні рівняння першого і старших порядків.

1. Д.р.: основні означення, задача Коші.
2. Диференціальні рівняння з відокремлюваними змінними та однорідні відносно змінних. Лінійні диференціальні рівняння першого порядку.
3. Диференціальні рівняння старших порядків. ЛОДР зі сталими коефіцієнтами.
4. ЛНДР зі сталими коефіцієнтами і спеціальною правою частиною.

На практичних заняттях - Завдання до виконання

Перелік (орієнтовно) практичних занять

Практичне заняття 1. Невизначений інтеграл, інтегрування методом занесення під знак частинами. Заміна змінної у визначеному інтегралі, інтегрування частинами та інтегрування простих дробів.

Практичне заняття 2. Формула Ньютона-Лейбніца. Інтегрування частинами. Заміна змінної у визначеному інтегралі.

Практичне заняття 3. Диференціальні рівняння першого порядку (з відокремлюваними змінними, лінійні); старших порядків (лінійні однорідні і лінійні неоднорідні зі спеціальною правою частиною і сталими коефіцієнтами).

Технічне забезпечення: Microsoft Office Word, будь яке програмне забезпечення для виконання графічного матеріалу (за бажанням студента)

6. Самостійна робота студента.

Види самостійної роботи – опрацювання лекційного матеріалу, розв'язування задач, підготовка та виконання контрольної та розрахункової роботи.

Теми, що виносяться на самостійну роботу:

1. Многочлени. Теорема Безу. Розклад многочлена на множники. Дробово-раціональні функції та їх розклад на суму елементарних дробів.
2. Інтегрування тригонометричних виразів та диференціального бінома.
3. Застосування визначеного інтеграла: обчислення площ плоских фігур, обчислення об'єму тіла через площі паралельних перерізів та об'ємів тіл обертання, обчислення довжини дуги кривої, площі поверхні обертання..
4. Диференціальні рівняння першого порядку (однорідні, рівняння Бернуллі). Диференціальні рівняння другого і вищих порядків, що інтегруються у квадратурах або допускають пониження порядку.
5. Основні властивості розв'язків лінійного однорідного диференціального рівняння. Поняття лінійної залежності і лінійної незалежності системи функцій. Вронскіан. Теорема про структуру загального розв'язку ЛОДР.
6. Лінійні неоднорідні диференціальні рівняння зі сталими коефіцієнтами. Метод Лагранжа.
7. Нормальні системи диференціальних рівнянь. Метод виключення розв'язування нормальних систем диференціальних рівнянь. Розв'язування систем лінійних диференціальних рівнянь

Політика та контроль

7. Політика навчальної дисципліни (освітнього компонента)

Дотримання положень «Кодексу честі КПІ ім. Ігоря Сікорського» (розділи 2 та 3)

Співпраця студентів у розв'язанні проблемних завдань дозволена, але відповіді кожний студент захищає самостійно. Взаємодія студентів під час іспиту категорично забороняється і будь-яка така діяльність буде вважатися порушенням академічної доброчесності згідно принципів університету щодо академічної доброчесності.

8. Види контролю та рейтингова система оцінювання результатів навчання (PCO)

Поточний контроль: модульна контрольна робота, розрахункова робота.

Семестровий контроль: екзамен

Умови допуску до семестрового контролю:

- мінімально позитивна оцінка за МКР
- зарахована розрахункова робота.

Зауваження. Всі контрольні роботи проводяться в рамках поточного контролю, що описується в PCO.

Рейтингова система оцінювання результатів навчання (PCO)

з кредитного модуля «Інтегральне числення. Диференціальні рівняння»

Рейтинг студента з дисципліни складається з балів, що він отримує за:

- 1) модульну контрольну роботу
- 2) розрахункову контрольну роботу
- 3) екзамен

Система рейтингових (вагових) балів та критерії оцінювання.

1. Контрольна робота.

Ваговий бал – 40, якість виконання: 0 – 40 (кількість завдань – залежно від теми). Кожне завдання оцінюється згідно з наступними критеріями:

бал	Опис критеріїв
40	Отримано правильну відповідь, обґрунтовано всі ключові моменти розв'язування.
32	Наведено логічно правильну послідовність кроків розв'язування. Окремі ключові моменти розв'язування обґрунтовано недостатньо. Можливі 1-2 негрубі помилки чи описки в обчисленнях або перетвореннях, які не впливають на правильність подальшого розв'язування. Отримана відповідь може бути неправильною.
24	Наведено логічно правильну послідовність кроків розв'язування, але розв'язано правильно лише частину завдання. Отримана відповідь може бути неправильною або неповною.
16	У правильній послідовності ходу розв'язування відсутні окремі ключові етапи. Отримана відповідь неправильна або завдання розв'язано неповністю.
8	Якщо студент почав розв'язування, але його записи не відповідають зазначеним вище критеріям оцінювання.
0	Якщо студент взагалі не приступив до розв'язування задачі.

Максимальна кількість балів за контрольну роботу дорівнює **40 балів**.

2. Розрахункова робота .

Ваговий бал – 20, зараховується при поданні у встановлений термін, якість виконання: 0 – 20. Кожне завдання оцінюється, згідно з наступними критеріями:

бали	Опис критеріїв
18-20	Отримано правильну відповідь, обґрунтовано всі ключові моменти розв'язування.
13-17	Наведено логічно правильну послідовність кроків розв'язування. Окремі ключові моменти розв'язування обґрунтовано недостатньо. Можливі 1-2 негрубі помилки чи описки в обчисленнях або перетвореннях, які не впливають на правильність подальшого розв'язування. Отримана відповідь може бути неправильною.
8-12	Наведено логічно правильну послідовність кроків розв'язування, але розв'язано правильно лише частину завдання. Отримана відповідь може бути неправильною або неповною.
3-7	Якщо студент почав розв'язування, але його записи не відповідають

	зазначеним вище критеріям оцінювання.
0-2	Якщо студент фактично не приступив до розв'язування задачі.

3. Екзамен

Ваговий бал – 40. Критерії оцінювання. Завдання містить чотири задачі, кожна з яких оцінюється у 10 балів. Всього $4 \times 10 = 40$ балів.

Завдання оцінюється згідно з наступними критеріями:

бали	Опис критеріїв
36-40	Повна відповідь (не менше 90% потрібної інформації).
30-35	Достатньо повна відповідь (не менше 75% потрібної інформації).
24-29	Неповна відповідь (не менше 60% потрібної інформації).
0	Незадовільна відповідь менше 60% потрібної інформації.

Штрафні та заохочувальні бали:

- неподання в установлений термін контрольної без поважних причин карається штрафними балами у розмірі вагового балу відповідного виду контролю, тобто рейтингова оцінка невиконаного завдання $r = 0$ балів,

Розрахунок шкали (R) рейтингу студента.

Сума вагових балів контрольних заходів протягом семестру складає

$$R_c = 40 + 20 = 60 \text{ балів}$$

Для отримання студентом відповідних оцінок його рейтингова оцінка R_D переводиться згідно з таблицею:

Таблиця відповідності рейтингових балів оцінкам за університетською шкалою:

<i>Кількість балів</i>	<i>Оцінка</i>
100-95	Відмінно
94-85	Дуже добре
84-75	Добре
74-65	Задовільно
64-60	Достатньо
Менше 60	Незадовільно
Не виконані умови допуску	Не допущено

1. Додаткова інформація з дисципліни (освітнього компонента)

- *можливість зарахування сертифікатів проходження дистанційних чи онлайн курсів за відповідною тематикою;*

Робочу програму навчальної дисципліни (силабус):

Складено

ст. викладач кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ Коваль Ольга Олександрівна

Ухвалено кафедрою математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ (протокол № 9 від 07.07.2022р.)

Погоджено Методичною комісією ФБТ (протокол № 9 від 30.06.2022р.)